

# الگوریتم ۱ قیمت گذاری اختیار آمریکایی با روش رگرسیون بعد

ورودی:  $L$  = تعداد گام های زمانی،  $N$  = تعداد مسیرهای شبیه سازی شده،  $m$  = تعداد پایه ها برای

رگرسیون،  $r$  = نرخ بهره بدون ریسک،  $S$  = ماتریس مسیرهای شبیه سازی شد.

خروجی:  $V$  = تخمین قیمت اختیار.

۱:  $V = h_L(S(:, L))$ .

۲: قرار دهید  $Time$  = برداری که اندازه اش برابر با  $N$  و تمام درایه هایش برابر با  $L$  است.

۳: برای  $i = 1$  تا  $L - 1$  انجام بده

۴: قرار دهید  $xdata = i$  و مسیرهای با قیمت  $S$

۵: قرار دهید  $xdata = i + 1$  و مسیرهای با قیمت  $S$

تشکیل ماتریس برای رگرسیون

۶: قرار دهید  $\psi_k(xdata) = A(:, k)$  که  $\psi_k$  پایه و  $k = 1, 2, \dots, m$  ماتریس رگرسیون بعد

۷: قرار دهید  $ydata$  = ارزش اختیار متناظر با  $xdata$  در مرحله  $i + 1$

۸: قرار دهید ضرایب رگرسیون  $\alpha = (A^T A)^{-1} A^T ydata$

۹: قرار دهید  $\psi_k(xdata) = A(:, k)$  که  $\psi_k$  پایه و  $k = 1, 2, \dots, m$

۱۰: قرار دهید  $\hat{c} = A \alpha$  تقریبی از ارزش عدم اجرا

۱۱: قرار دهید  $lx$  = طول بردار  $xdata$

به روز کردن ارزش اختیار

۱۲: برای  $j = 1$  تا  $lx$  انجام بده

۱۳: اگر  $\hat{C}_j \geq (h)_j(xdata_j)$  آن گاه

۱۴: عدد متناظر با  $xdata_j$  را در  $V$  و  $Time$  با  $\hat{c}_j$  و  $i$  جایگزین کنید

۱۵: پایان اگر

۱۶: پایان برای

۱۷: پایان برای

$$V = \sum(d, Time V) / M$$

۱۸:  $H \leftarrow Upbarrier$  و  $1 \leftarrow \frac{(1-p)\eta_1}{\eta_1+1} + \frac{p\eta_1}{\eta_1-1}$  و  $\xi \leftarrow \frac{T}{Nstep+1}$  و  $dt \leftarrow \frac{T}{Nstep+1}$  و  $S(t_1) \leftarrow S$ .

۱۹: برای  $i = 1$  تا  $NRepl$  انجام بده

۲۰:  $Njumps$  را یک متغیر تصادفی پواسن با پارامتر  $\lambda$  قرار بده

۲۱: اگر  $Njumps = 0$  آن گاه

۲۲: برای  $j = 1$  تا  $Nstep$  انجام بده

$$Z_{t_{j+1}}^i \sim N(0, 1)$$

$$S_i(t_{j+1}) = S_i(t_j) \exp\{(\mu - \frac{1}{2}\sigma^2 - \lambda\xi)dt + \sigma\sqrt{dt}Z_{t_{j+1}}^i\}$$

۲۵: شرایط رد و قبول را از الگوریتم (۱) بررسی می کنیم

۲۶: پایان برای

۲۷: پایان اگر

۲۸: اگر  $Njump \neq 0$  آن گاه

۲۹:  $Njump$  تا متغیر تصادفی یکنواخت به طور صعودی مرتب شده در  $[0, T]$  را تولید کن و در  $j\tau$  قرار بده

۳۰:  $Njump$  تا متغیر تصادفی نمایی دوبل با پارامترهای  $p, \eta_1, \eta_2$  بساز و در  $Y$  قرار بده

$$V \leftarrow \exp(Y)$$

۳۱:  $V \leftarrow \exp(Y)$

۳۲: برای  $j = 1$  تا  $Nstep$  انجام بده

۳۳:  $ft$  را طول برداری در نظر بگیر که  $ft > j\tau$  است

۳۴: اگر  $ft = 0$  آن گاه

$$Z_{t_{j+1}}^i \sim N(0, 1)$$

$$S_i(t_{j+1}) = S_i(t_j) \exp\{(\mu - \frac{1}{2}\sigma^2 - \lambda\xi)dt + \sigma\sqrt{dt}Z_{t_{j+1}}^i\}$$

۳۷: پایان اگر

۳۸: پایان برای

۳۹: پایان اگر

۴۰: پایان برای

۴۱: اگر  $S_i(t_{j+1})$  آن گاه

$$\tau_i \leftarrow t_{j+1}$$

۴۳: برو به  $i$

۴۴: else

۴۵:  $u$  را متغیر تصادفی یکنواخت بین صفر و یک قرار بده

۴۶:  $p_H$  را از فرمول (۱) محاسبه کن

۴۷: اگر  $p_H > u$  آن گاه

$$\tau_i \leftarrow t_{i+1}$$